

# ITAP - Osnove uporabe R

A. Blejec

[andrej.blejec@nib.si](mailto:andrej.blejec@nib.si)

February 8, 2009

## **Abstract**

Ogledali si bomo uporabo R za generiranje slučajnih števil in nekatere grafične operacije.

# 1 Verjetnostne porazdelitve

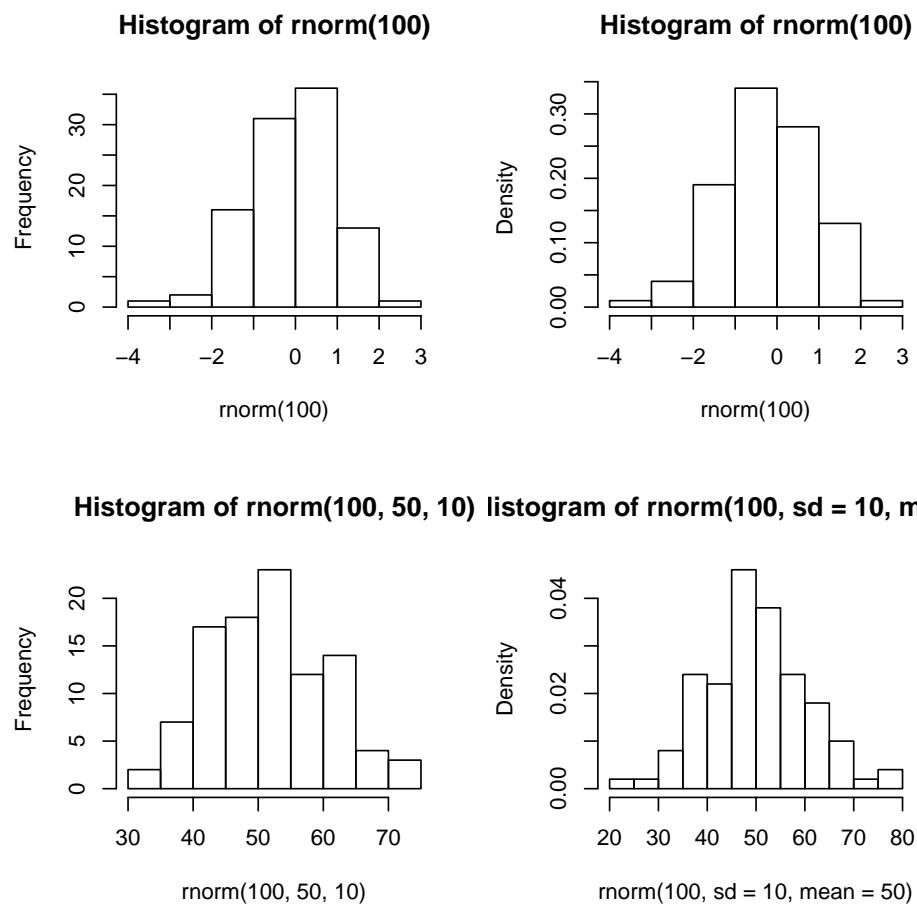
## 1.1

Normalna porazdelitev

```
> rnorm(5)      # 5 slučajnih števil iz N(0, 1)
[1] -1.19142464  0.54930055 -0.06240514  0.26544150
[5] -0.23459751

> args(rnorm)  # kakšni so argumenti funkcije rnorm?
function (n, mean = 0, sd = 1)
NULL

> oldpar <- par (mfrow = c(2, 2)) # pripravi štiri panele za slike
> hist(rnorm(100))                # histogram 100 slučajnih števil
> hist(rnorm(100), prob = T)       # verjetnosti na ordinatni osi
> hist(rnorm(100, 50, 10))        # argumenti po vrsti: n, mean, sd
> hist(rnorm(100, sd = 10, mean = 50), prob = T) # drugačen vrstni red argumentov
> par (oldpar)                   # privzemi prejšnje vrednosti grafičnih parametrov
```



## Funkcije za verjetnostne porazdelitve

<u>Distribution</u>	<u>R name</u>	<u>additional arguments</u>
beta	<b>beta</b>	shape1, shape2, ncp
binomial	<b>binom</b>	size, prob
Cauchy	<b>cauchy</b>	location, scale
chi-squared	<b>chisq</b>	df, ncp
exponential	<b>exp</b>	rate
F	<b>f</b>	df1, df2, ncp
gamma	<b>gamma</b>	shape, scale
geometric	<b>geom</b>	prob
hypergeometric	<b>hyper</b>	m, n, k
log-normal	<b>lnorm</b>	meanlog, sdlog
logistic	<b>logis</b>	location, scale
negative binomial	<b>nbinom</b>	size, prob
normal	<b>norm</b>	mean, sd
Poisson	<b>pois</b>	lambda
Student's t	<b>t</b>	df, ncp
uniform	<b>unif</b>	min, max
Weibull	<b>weibull</b>	shape, scale
Wilcoxon	<b>wilcox</b>	m, n

## Funkcije za verjetnostne porazdelitve

Predpone

random	slučajna števila	<b>rnorm(n,...)</b>
density	gostota verjetnosti	<b>dnorm(x,...)</b>
probability	kvantilni rang	<b>pnorm(q,...)</b>
qantile	kvantil	<b>qnorm(p,...)</b>

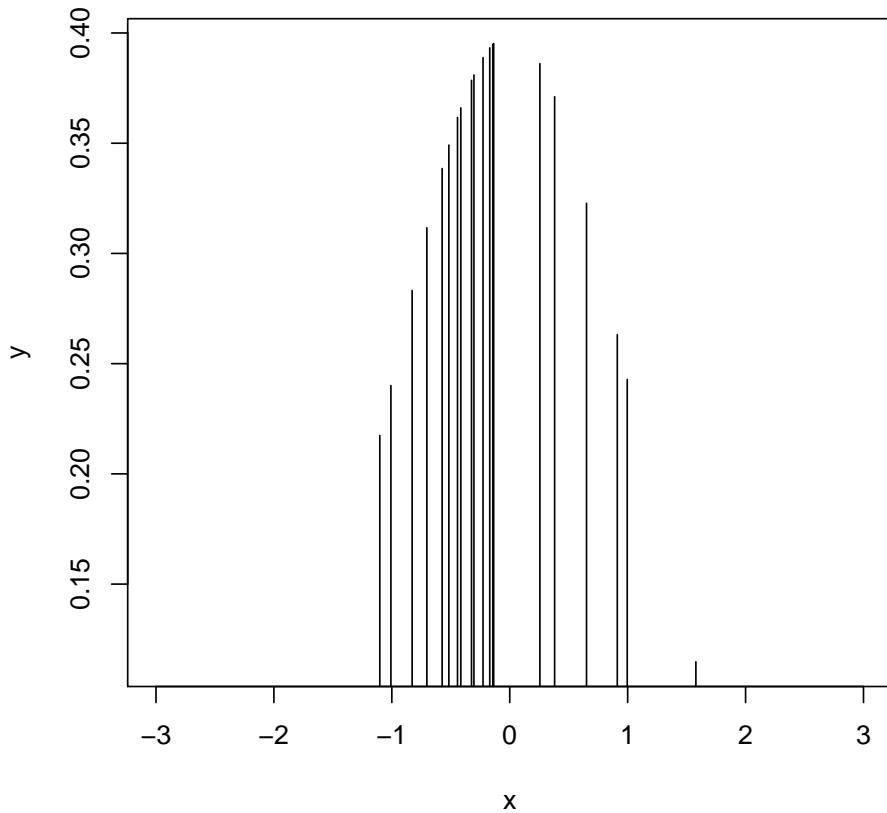
```
> oldopts <- options(digits=3)
> rnorm(5)
[1] -1.270 -0.371  0.389 -1.431 -2.503
> dnorm(seq(-3,2,1))
[1] 0.00443 0.05399 0.24197 0.39894 0.24197 0.05399
> pnorm(1.96)
[1] 0.975
> qnorm(0.975)
[1] 1.96
> options(oldopts)
```

Slika verjetij

```
> slVer <- function(n=20, m=1, xlim=c(-3, 3)) {  
+ for(j in 1:m)  
+ {  
+ x <- rnorm(n)  
+ y <- dnorm(x)  
+ plot(x, y, type="h", xlim=xlim)  
+ }  
+ }  
> slVer()
```

Slika verjetij

```
> slVer()
```



Normalna porazdelitev in pobarvane kritične vrednosti

Funkcije za verjetnostne porazdelitve

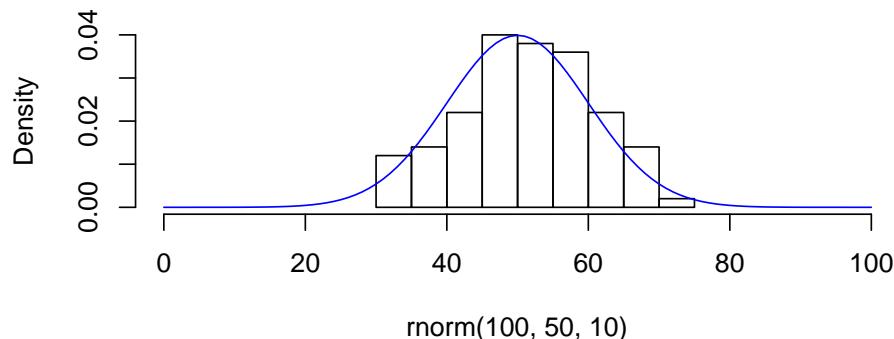
```

> oldpar <- par (mfrow = c(2, 1))
> hist(rnorm(100, 50, 10), prob = T, xlim = c(0, 100))
> lines(0:100, dnorm(0:100, 50, 10), col = "blue", xpd=TRUE) # dodaj krivuljo
> hist(rnorm(10000, sd = 10, mean = 50), prob = T) # za večji vzorec
> lines(0:100, dnorm(0:100, 50, 10), col = "red", lwd = 3) # + krivulja
> (q <- qnorm(.975, 50, 10)) # kvantil za  $N(50, 10)$  (sredina)
> abline (v = qnorm(.975, 50, 10), lty = "1373") # dodaj kritične meje
> #
> # pobarvaj kritični del porazdelitve
> #
> px <- seq(q, 100) # pripravi koordinate poligona
> py <- c(dnorm(px, 50, 10))
> polygon(c(px, q), c(py, 0), col = 8) # pobarvaj poligon px, py
> lines(0:100, dnorm(0:100, 50, 10), col = "red", lwd = 3) # popravi krivuljo
> par (oldpar)

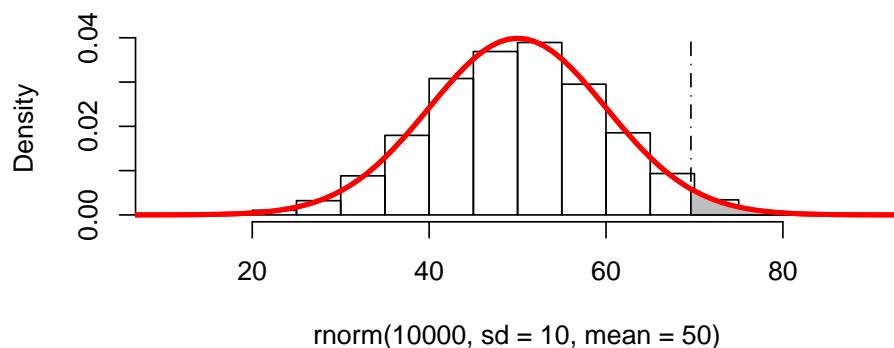
```

Funkcije za verjetnostne porazdelitve

Histogram of  $rnorm(100, 50, 10)$



Histogram of  $rnorm(10000, sd = 10, mean = 50)$



## 2 Simulacija linearne regresije

Simulacija linerane regresije:  $Y = 2X + 3 + \varepsilon$      $X \sim N(20, 5)$  in  $\varepsilon \sim N(0, 10)$

```

> n=20
> x <- round(rnorm(n, 20, 5)) #
> mean(x)
[1] 20.85
> var(x)           # var računa nepristransko varianco !!
[1] 32.23947
> x
[1] 18 25 23 26 20 15 28 24 20 25 29 17 11 15 28 15 21
[18] 12 17 28
> y <- 2*x+3           # izračunaj ustrezne y

```

Simulacija linerane regresije:  $Y = 2X + 3 + \varepsilon$      $X \sim N(20, 5)$  in  $\varepsilon \sim N(0, 10)$

```

> mean(y)           # preveri parametre y
[1] 44.7
> var(y)
[1] 128.9579
> mean(x)*2+3
[1] 44.7
> var(x)*4
[1] 128.9579
> eps <- round(rnorm(n, sd=10)) # Pa še eps, mean=0
> mean(eps)
[1] -0.35
> var(eps)
[1] 119.7132

```

Simulacija linerane regresije:  $Y = 2X + 3 + \varepsilon$      $X \sim N(20, 5)$  in  $\varepsilon \sim N(0, 10)$

```

> Y <- y+eps      # sestavi obe slučajni spremenljivki
> Y
[1] 22 58 62 63 35 35 82 35 57 36 67 48 22 27 50 31 43
[18] 27 38 49
> var(Y)          # Ali veljajo lastnosti za varianco vsote?
[1] 271.3974
> var(y)+var(eps) # videti je, da sta Y in eps korelirana!
[1] 248.6711
> cor(y,eps)      # !!
[1] 0.0914543
> var(y)+var(eps)+2*cov(y,eps)    # zdaj pa bo
[1] 271.3974

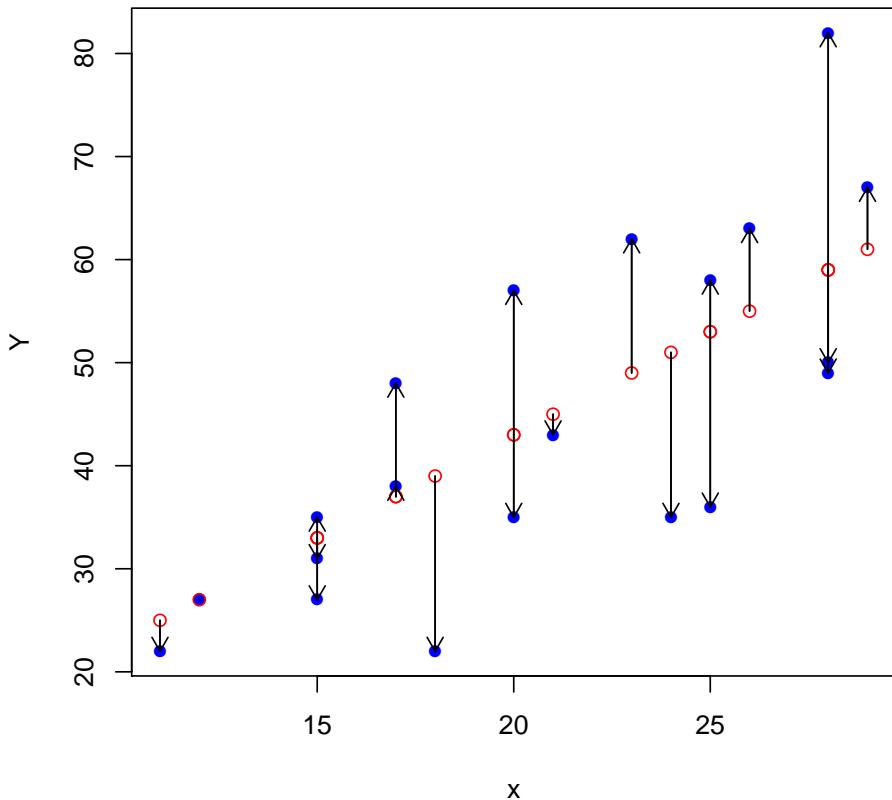
```

Simulacija linerane regresije:  $Y = 2X + 3 + \varepsilon$      $X \sim N(20, 5)$  in  $\varepsilon \sim N(0, 10)$

```

> plot(x, Y, col="blue", pch=16) # korelacijski grafikon za x in Y
> points(x, y, col="red")       # modelirane točke x, y
> segments(x, y, x, Y)         # odkloni (eps)
> arrows(x, y, x, Y, length=.1) # podobno, a s puščicami

```



Simulacija linerane regresije:  $Y = 2X + 3 + \varepsilon$      $X \sim N(20, 5)$  in  $\varepsilon \sim N(0, 10)$

```

> fit<-lsfit(x, Y)           # "least squares fit"
> names(fit)
[1] "coefficients" "residuals"      "intercept"
[4] "qr"
> fit$coefficients
Intercept          x
-1.024406  2.176231
> yHat<-cbind(1, x) %*% fit$coeff

```

Linerana regresija:  $Y = 2x + 3 + \varepsilon$ :  $x \sim N(20, 5)$  in  $\varepsilon \sim N(0, 10)$

```

> plot(x, Y, col="blue", pch=16) # korelacijski grafikon za x in Y
> points(x, y, col="red")       # modelirane točke x, y
> segments(x, y, x, Y)         # odkloni (eps)
> arrows(x, y, x, Y, length=.1) # podobno, a s puščicami
> abline(lsfit(x, Y))         # dodaj regresijsko črto
> abline(lsfit(x, Y), col=3, lwd=3) # malo jo olepšaj
> points(x, yHat)

```

